# 施工手順を模擬した膜構造の粘弾塑性応力・変形解析 -織構造格子モデルによる定式化と解析-

加藤史郎<sup>\*1</sup> 吉野達矢<sup>\*2</sup> 南 宏和<sup>\*3</sup> 瀬川信哉<sup>\*4</sup>

梗

概

膜構造の施工に注目し、繰り返し強制ひずみを受ける膜材料の応力緩和試験のシミュレーションを行う。このた めに織構造格子モデルに基づいた増分型構成方程式を提案し、織構造格子モデルの適合性について議論する。また、 織構造格子モデルを構成する部材の粘性に関する諸定数の第1近似値の推定方法を提案するとともに、より精度よ く実験結果をシミュレートする諸定数を遺伝的アルゴリズムを用いて求める。次に、強制ひずみを与える手順の違 いにより発生する応力の違いを分析するとともに、実際の膜構造の施工手順を模擬するような張力導入を行い、そ の手順の違いによりどのように応力集中が発生し、かつ、導入後の応力分布がどのようになるかを考察する。

# 1. 序

建築物に用いられている膜材料はガラス繊維より成る糸を平織り し、その両面に合成樹脂をコーティングした物である。膜材料を構 成する材料およびその製造過程が原因して、応力・ひずみ関係は弾 塑性特性と粘性特性が現われ強い非線形性を示す。このため、時間 の経過を考慮しながら荷重履歴による応力分布および形状の変化を 予測することは、膜構造の設計・施工において重要となる。

膜材料の1軸および2軸の引張特性および剪断特性に関する研究 はこれまでに報告されている<sup>1,2,3)</sup>。また,粘性特性に関する研究と しては,Itho,Tanakaらの研究<sup>4,5,6)</sup>,南らの研究<sup>10</sup>などがある。最近 では、小竹ら<sup>8)</sup>により膜パネルの縮小率の設定方法が提案され、実 構造物におけるリラクゼーションの予測が行われている。さらに、 南ら<sup>9</sup>により、初期応力導入後に生じる応力緩和の後の応力あるい はクリープの後のひずみを弾性解析で予測することを目的として、 応力緩和後あるいはクリープ後の応力・ひずみ関係を議論してい る。小竹ら<sup>8)</sup>.南ら<sup>9</sup>のどちらもある程度時間が経過し、応力緩和お よびクリープが相当程度進行した状態を想定しており、これらの方 法では施工時のような応力緩和およびクリープが十分に進行してい ない状態下での応力分布や形状を予測することは難しい。 おいて十分な応力が膜面に導入されているか,などの重要な施工上の問題を考えると,膜構造の施工過程を十分にシミュレート可能な 解析手法が必要とされる。著者らはこれまでの実験,具体的には, 2軸引張および剪断試験<sup>10,11)</sup>,日本膜構造協会<sup>12)</sup>が定める新2軸引 張試験<sup>11)</sup>および南らのクリープおよび応力緩和試験<sup>70</sup>との比較から 織構造格子モデルに基づく増分型の粘弾塑性構成則<sup>10,11,13)</sup>の妥当性の 検討を行った。この実験との比較から著者らが提案する織構造格子 モデルを用いることにより,膜材料の粘弾塑性特性をある程度表現 可能であることを示した。また,8節点アイソパラメトリック曲面 要素を用いた有限要素法による増分型の剛性方程式を提案した<sup>14)</sup>。 さらに,織構造格子モデルに基づく構成方程式を導入し,南ら<sup>15)</sup>に よる平面膜に短時間で空気圧を与えた実験,平面膜に空気圧を載荷 しクリープひずみを発生させる瀬川<sup>16)</sup>による実験結果と比較を行 い,著者らが提案する増分型構成方程式および増分型剛性方程式の 妥当性を示した<sup>17)</sup>。

そこで、本研究では、まず、(1)施工時に繰り返し張力が導入され ることを考え、繰り返し強制ひずみを受ける膜材料の応力緩和特性 に注目し、実験との比較から本モデルの妥当性の検討を行う。実験 のシミュレーションを行うに当り、織構造格子モデルの諸定数を推 定する必要があるが、形状および弾塑性特性に関する諸定数は文献

施工時において膜面に圧縮力が働きしわが生じないか,施工後に

\*1 豊橋技術科学大学建設工学系・教授,工博 \*2 豊橋技術科学大学大学院機械・構造システム工学専攻・大学院生,工修

- \*3 太陽工業(株)空間技術研究所·所長(豊橋技術科学大学·客員教授),工博
- \*4 太陽工業(株)空間技術研究所,工博

11で既に妥当性が示された定数を用い,(2)粘性に関する諸定数は基 準となる第1近似値を求める手法を提案し,(3)より精度よく実験結 果をシミュレートできるような諸定数を推定する方法を提案する。 推定には古川・矢川<sup>189</sup>にって提案された連続探索空間のための遺伝 的アルゴリズムを用いる。さらに,(4)施工時の張力導入手順の違い が内部に発生する応力にどの程度影響を与えるかを調べるために, まず,構成方程式を用いて強制ひずみの与え方と張力導入にともな う時間経過の影響を調べる。さらに,(5)実際の施工時の張力導入手 順を勘案し,異なった3つの張力導入手順を想定し,手順の違いが 張力導入時にどのような応力集中を生じさせるか,導入後の応力分 布や,1週間経過後の応力分布がどう影響されるかについて分析を 行う。

2 膜の粘弾塑性解析法の定式化と定式化に用いられる線材の粘弾 塑性挙動のモデル化

# 2.1 膜材料の粘性挙動の特性分析

ここで対象とする膜材料A種(四フッ化エチレン樹脂コートガラ ス繊維平織物)はガラス繊維をより成る糸を平織りし,その両面に 四フッ化エチレン樹脂をコーティングしたものである。その製造過 程から,糸には緩みが,たて糸とよこ糸との間にすき間があり, コーティング材がその糸の緩みやすき間に浸潤していることなどが 考えられる。これらを考慮するために,著者らが提案した繊構造格 子モデル<sup>10</sup>を構成するすべての部材に材料非線形性を考慮する。

7種類の応力比に対する2軸引張試験結果の低応力部分を図1に 示す…。図1より、1軸引張時の非張力導入方向を除いて、応力比 にかかわらず約3kgf/cmまでにおいて、応力・ひずみ関係はほぼ同 様な傾向を示している。それぞれの応力比において、その後の曲線 が大きく変化していが、これをクリンプ交換によるものだと考える ならば、約3kgf/cmまでの応力・ひずみ関係はクリンプ交換が少な い変形が起こっているものと考えてよい。糸材が応力を負担し始め るとクリンプ交換が起きる。このため、クリンプ交換が起こるまで の間、糸材の緩みは解消しても糸の負担応力は小さいと考えられ る。換言すれば、約3kgf/cmまでの応力・ひずみ関係は主にコーティ ング材の伸び特性を示していると言える。

次に粘性特性について注目する。南らのクリープおよび応力緩和

試験の結果<sup>n</sup>, 糸はガラス繊維からできていること, クリンプ形状 の変化およびクリンプ交換が生じる応力, そして, 応力に対する構 成材料の応力負担などを勘案すると次のように分析できる。1)約 3kgf/cm程度までの区間では, コーティング材が主に応力を負担す る。2)約3kgf/cm程度を越えると糸材が応力を負担するようになり, クリンプ交換が起きはじめる。このとき, 糸自身がしまってその断 面が扁平になる, そして, 糸を構成する繊維に浸潤しているコー ティングおよびたて糸とよこ糸の間のコーティングが圧縮される。 以上のことを踏まえ,著者らが提案する織構造格子モデルにおいて 粘性特性はコーティング材の特性を表す部材でのみ生じるものと仮 定する。

著者ら<sup>13</sup>は粘性特性を考慮するために,図2に示す織構造格子モ デルを構成する部材に4要素Voigtモデルを導入した。これを用い て,南らの1000分間放置のクリープおよび応力緩和試験<sup>71</sup>のシミュ レーションを行った。応力緩和試験結果について,4要素Voigtモ デルを仮定した方法は全体的に実験を模擬できたが,初期の1~2 時間の応力緩和量の推定には何がしかの差が実験との間に認められ た。このため,中期的な応力緩和量の予測には使用できるものの, 施工時解析に使用した場合,初期の緩和量の推定誤差が解析結果に 影響を及ぼす恐れが考えられる。そこで,初期の応力緩和量の推定 精度を上げるために,さらに単純Voigtモデルを追加した6要素 Voigtモデルを採用するものとする。

#### 2.2 織構造格子モデル<sup>10,13)</sup>

織構造格子モデル(図2)に基づいて構成則の定式化を既報<sup>10</sup>に おいて行った。ここでは、その概略を示す。たて糸方向を $\xi$ ,よこ 糸方向を $\eta$ とする座標系を用い、この単位要素は一辺の長さがそれ ぞれ $a_0$ と $b_0$ の長方形である。ガラス繊維を束ねたたて糸とよこ糸 を表すために、たて糸方向にはA部材、AA部材、A部材が、よこ 糸方向にはB部材、BB部材、B部材がそれぞれ2組ずつ配置され ている。たて糸とよこ糸は、交点Kで束材Vによって結合されてい るものとする。これらは、主に膜材料の1軸・2軸の特性とクリン プ交換を表すための要素である。一方、たて糸とよこ糸で構成され る薄いシートの裏と表のコーティング材料の特性を表す部材とし て、たて糸方向にC部材、よこ糸方向にD部材、ならびに、斜め材



図1 任意の応力比に対する低応力部分の応力・ひずみ関係



注) 膜材料では応力を kgf/cm で表わすことが慣用となっているのでここではそれに従った。

として E, F部材が配置される。C, D部材は,主にコーティング材 の伸び作用に, E, F部材はコーティング材の剪断並びに伸び作用に 関連する。コーティング材は,たて糸とよこ糸に挟まれた領域にも 浸潤しているため,たて糸とよこ糸のなす角の変化に抵抗すると想 定される。したがって,H.J.Schock<sup>19)</sup>のモデルでは採用されていな いが純剪断を表す剪断抵抗面要素 *R*, が仮定されている。これより, 膜材全体としての面内剪断作用は,先のE, F部材とこの剪断抵抗面 要素 *R*, の和で表される。

# 2.3. 織構造格子モデルを構成する部材の材料特性

織構造格子モデルを構成する部材に単純 Maxwell(g)要素と単純 Voigt(i)要素を直列結合した図3示す6要素 Voigtモデルを導入する。

ここで,  $C_g$  は各部材の区分的弾性定数  $E_g$  の逆数, すなわち  $C_g = 1/E_g$  であり, 弾塑性特性を支配する定数である。一方,  $C_i$ はコ ンプライアンス (=  $1/E_i$ ),  $\eta_g$  および  $\eta_i$  は粘性係数であり, 粘弾性特性 を支配する定数である。また,  $T_g$  は Maxwell 要素の緩和時間 (=  $C_s\eta_e$ ),  $T_i$ は Voigt 要素の遅延時間 (=  $C_s\eta_i$ )である (i = 1, 2)。

本研究では、膜材の弾塑性成分と粘性成分が互いに独立している と考え、Maxwell要素のばねで部材の弾塑性特性を表す。したがっ て、増分ひずみ  $\Delta \varepsilon$  は式(1)のように3つの成分の和として表わされ る。

$$\Delta \varepsilon = \Delta \varepsilon_{g1} + \Delta \varepsilon_{g2} + \sum_{i} \Delta \varepsilon_{i} \tag{1}$$

ただし,

 $\Delta \varepsilon_{g_1}$  : Maxwell 要素の弾塑性増分ひずみ成分  $\Delta \varepsilon_{g_2}$  : Maxwell 要素の粘性増分ひずみ成分  $\Delta \varepsilon_i$  : i番目の Voigt 要素の粘弾性増分ひずみ成分

なお,直線部材の弾塑性履歴特性については,既報<sup>12)</sup> にその詳細 が示されているのでここでは省略する。

また,ここでは任意時刻 tから  $t+\Delta t$ への応力が線形的に変化する (図 4)と仮定する。

$$\sigma(t) = \sigma(t_j) + \frac{\Delta\sigma}{\Delta t}(t - t_j)$$
(2)

ただし,

 $\Delta \sigma = \sigma(t_{j+1}) - \sigma(t_j) \quad , \quad \Delta t = t_{j+1} - t_j \tag{3}$ 

各増分ひずみ成分を求め,式(1)に代入し,織構造格子モデルの各 部材に対する増分型構成方程式,

$$\Delta \sigma = E_T \Delta \varepsilon + f \tag{4}$$

を得る。ただし,

$$E_T = \left[C_g + \frac{C_g}{2T_g}\Delta t + \sum_i (1 - \frac{T_i}{\Delta t} + \frac{T_i}{\Delta t}e^{-\frac{\Delta t}{T_i}})C_i\right]^{-1}$$
(5-1)

$$f = -E_T \left[ \frac{\Delta t}{T_g} C_g \sigma(t_j) + \sum_i (1 - e^{-\frac{\Delta t}{T_i}}) C_i \{\sigma(t_j) - \frac{\varepsilon_i(t_j)}{C_i}\} \right]$$
(5-2)

である。ここで、 $\Delta t \rightarrow 0$ とすれば、式(4)は粘性を考慮しない場合の 構成則として用いることができる。

#### 2.4.構成方程式の誘導

ここでは,織構造格子モデルに仮想仕事の原理を適用した増分型 の構成方程式を誘導する。定式化の詳細は,既報<sup>10)</sup>に示されてい るので,ここではその概要を示すこととする。

織構造格子モデルを構成する部材Kの無ひずみ状態における長さ が $\ell_{ox}$ であり、増分前のひずみ状態での長さが $\ell_{x}$ 、増分後の長さが  $\bar{\ell}_{x}$ で表されるとき、増分ひずみを次式のように定義する。

$$\Delta \varepsilon_{\kappa} = \frac{(\overline{\ell}_{\kappa} - \ell_{\kappa})}{\ell_{0\kappa}} \tag{6}$$

また,式(3)を用いることにより,粘性を考慮した場合の織構造格 子モデルを構成する各部材の増分後の軸力は,

$$N_{K} = (E_{TK} \Delta \varepsilon_{K} + \sigma_{0K} + f_{K}) \cdot A_{0K}$$
<sup>(7)</sup>

のように得られる。ここで、 $f_{\kappa}$ は粘性を考慮したときの見かけの応力である。同様に、粘弾塑性特性を考慮した場合の剪断抵抗面要素の増分後の剪断力は、

$$S = k_T \Delta \gamma + S_0 \tag{8}$$

となる。したがって,単位要素を構成する各部材の仮想増分ひずみ エネルギーの総和は次式となる。



図3 6 要素要素 Voigt モデル



$$\begin{split} \delta U &= 4\delta(\Delta \varepsilon_{A}^{\ L}) l_{0A} N_{A} + 4\delta(\Delta \varepsilon_{A}^{\ N}) l_{0A} \sigma_{0A} A_{0A} \\ &+ 4\delta(\Delta \varepsilon_{B}^{\ L}) l_{0B} N_{B} + 4\delta(\Delta \varepsilon_{B}^{\ N}) l_{0B} \sigma_{0B} A_{0B} \\ &+ 2\delta(\Delta \varepsilon_{AA}) l_{0AA} N_{AA} + 2\delta(\Delta \varepsilon_{BB}) l_{0BB} N_{BB} \\ &+ 2\delta(\Delta \varepsilon_{C}) l_{0C} N_{C} + 2\delta(\Delta \varepsilon_{D}) l_{0D} N_{D} \\ &+ 2\delta(\Delta \varepsilon_{E}) l_{0E} N_{E} + 2\delta(\Delta \varepsilon_{F}) l_{0F} N_{F} \\ &+ 4\delta(\Delta \varepsilon_{V}) l_{0V} N_{V} + a \ b \ (\Delta \gamma) S \end{split}$$
(9)

また、仮想増分ひずみ $\delta(\Delta \varepsilon_{\xi}), \delta(\Delta \varepsilon_{\eta}), \delta(\Delta \gamma)$ が与えられたとき、それに対応する膜材に作用する単位長さ当たりの断面力を $N_{\xi}, N_{\eta}, N_{\xi\eta}$ とすると、膜材の仮想増分ひずみエネルギーは次式となる。

$$\delta U = a \ b \ [N_{\xi} \delta(\Delta \varepsilon_{\xi}) + N_{\eta} \delta(\Delta \varepsilon_{\eta}) + N_{\xi \eta} \delta(\Delta \gamma)] \tag{10}$$

いま,式(9)と式(10)が等しく仮想ひずみが任意であること,また,  $\Delta \varepsilon_{\xi}$ 等の2次の項が微小であることより, $\Delta \varepsilon_{\xi}$ , $\Delta \varepsilon_{\eta}$ および $\Delta \gamma$ を未知 数とする増分型構成方程式を得る。

$$\begin{cases} N_{\xi} \\ N_{\eta} \\ N_{\xi\eta} \end{cases} = \begin{bmatrix} D_{11} & D_{12} & D_{13} \\ D_{21} & D_{22} & D_{23} \\ D_{31} & D_{32} & D_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Delta \varepsilon_{\eta} \\ \Delta \varepsilon_{\eta} \\ \Delta \gamma \end{bmatrix} + \begin{cases} N_{\xi0} \\ N_{\eta0} \\ N_{\xi\eta0} \\ N_{\xi\eta0} \end{bmatrix} + \begin{cases} \overline{N}_{\xi0} \\ \overline{N}_{\eta0} \\ \overline{N}_{\xi\eta0} \\ \end{cases}$$
(11)

#### §3 膜材料の応力緩和試験

膜の変形・応力の時系列的変化を研究するにあたり,クリープと 応力緩和試験は必須事項である。ここでは, 膜材料の粘性に関する 基本的性質を調べるため,応力緩和試験を行った。実験は,以下の 2種類である。

#### 3.1 単純応力緩和試験

強制的に2軸変位を与えて初期応力を発生させ、その後は、ひず み一定のまま2軸応力の観察を行った。1辺が40cmの正方形の膜 材料にジグのつかみしろを考慮した試験片を図5に示す。初期に導 入するたて糸方向とよこ糸方向の応力を(3kgf/cm:0kgf/cm),(0kgf/ cm:3kgf/cm),(3kgf/cm:3kgf/cm),(5kgf/cm:5kgf/cm)の4種類 とする。1軸引張の場合,載荷側のジグ間引張速度を1mm/secとし て引張り、2軸引張の場合,載荷はたて糸方向のジグ間引張速度を 1mm/secとし、よこ糸方向は応力比(1:1)を満足するように速 度を調整しながら行う。所定の応力まで載荷し、ジグを固定して1 週間放置する。ただし、実験は室内で行い、室温は最低5.7℃から



最高31.4℃であった。

図6~9に実験結果の応力・ひずみ関係を示す。この結果は南ら の実験結果"と同傾向を示している。1週間後のたて糸およびよこ 糸方向の応力を表1に示す。初期張力の導入後,1週間放置するこ とにより,導入する応力に依存するが,約40%~60%の応力に緩 和することがわかる。

#### 3.2 繰り返し強制ひずみをともなう応力緩和試験

低応力状態の下で初期形状を形成するにあたり,その後の荷重履 歴や粘性が原因で発生する内部応力の減少を防止することが膜構造 の品質維持に有益となる。この方法のひとつが,施工時に繰り返し 載荷(繰り返し強制変位プロセス)を行うことである。この効果を 調べるため,以下の実験を進めた。

3.1と同様に試験を行う。ただし、応力は(3kgf/cm:3kgf/cm),
 (5kgf/cm:5kgf/cm)とし、所定の応力まで載荷した後に、6時間放置を行う。さらに、緩和した応力分を再度載荷し、再度、6時間放置する。載荷と放置を5回繰り返し、5回目の載荷後の放置は1週間とする。また、室温は最低11.3℃から最高31.0℃であった。

図10~11に実験結果の応力・ひずみ関係を示す。1週間後のた て糸およびよこ糸方向の応力を表1に示す。この結果も南らの実験 結果<sup>n</sup>と同傾向を示しており、1週間後のたて糸およびよこ糸方向 の応力がそれぞれ初期導入張力(3kgf/cm:3kgf/cm)に対し、約 2.3kgf/cm,約1.9kgf/cm(初期張力の77%,63%)であり、(5kgf/cm: 5kgf/cm)に対し、約4.2kgf/cm、約3.3kgf/cm(初期張力の84%,66%) 程度までしか緩和しなかった。また、繰り返し載荷毎の応力の緩和 量は各回毎に減少していることがわかる。図8、9との比較から、 繰り返し載荷することにより、応力の緩和量が相当に減少すること がわかる。

#### §4 織構造格子モデルによる実験のシミュレーション

総構造格子モデルを構成する部材の諸定数は表2に示す値を用い る。この値を用いれば、2軸引張および剪断試験結果をシミュレー トすることが可能であることを文献11において確認した。ただし、 粘性に関する諸定数は以下に示す手順により求める。

これまで,弾塑性特性に関する諸定数の値を決定するにあたり第 1近似値を求める手法<sup>11</sup>を提案しているが,その第1近似値を用い た解析結果では実験結果を十分に模擬できていない。既報<sup>11</sup>では, その第1近似値をもとに実験結果を模擬できるよう繰り返し試行を 行ってきた。本報でも弾塑性特性に関する諸定数は既報<sup>11</sup>の値を用

初期導入張力 たて糸:よこ糸方向 (kgf/cm)	3:0	0:3	3	: 3	5	: 5
繰り返し回数	1	1	1	5	1	5
1 週間後のたて糸 方向応力 (kgf/cm)	1.7 (57%)		1.8 (60%)	2.3 (77%)	2.5 (50%)	4.2 (84%)
1週間後のよこ糸 方向応力 (kgf/cm)	14	1.5 (50%)	1.5 (50%)	1.9 (63%)	2.0 (40%)	3.3 (66%)

表1 1週間後の保有応力

()内は残存率を示す。





応力 (kgf/cm)



図7 単純応力緩和試験 導入張力 (0kgf/cm:3kgf/cm)

応力 (kgf/cm)



図8 単純応力緩和試験 導入張力(3kgf/cm:3kgf/cm)

応力 (kgf/cm)



図9 単純応力緩和試験 導入張力(5kgf/cm:5kgf/cm)

いる。一方,本報では,新たに粘性に関する諸定数の第 1近似値を求める方法を示し,得られた第1近似値をも とに連続探索空間のための遺伝的アルゴリズム<sup>18)</sup>を用い て実験結果をより模擬可能な諸定数を決定する。次に得 られた諸定数を用いて第3節で行った実験結果のシミュ レーションを行う。

# 4.1 粘性に関する諸定数の第1近似値の推定方法

約3kgf/cmまでの応力・ひずみ関係が同様な挙動を示し ていることから(図1),粘性特性はコーティング材の特 性を表すC,D,V材で表現するものとする。この3つの部 材の内,C,D材については 図6,7の1軸の単純応力 緩和試験結果をもとに織構造格子モデルの粘性に関する 諸定数を推定する。この推定値を第1近似値とする。

推定方法を提案するにあたり,6要素Voigtモデルを構 成する要素の特性を考える。まず,Maxwell要素のバネは 膜材料の弾塑性特性を表す。Maxwell要素のダッシュ ポットと2つのVoigt要素の特性が次の3つの時間帯で顕 著に表れるものと考える。(1)1つ目のVoigt要素は応力緩 和における数時間程度の急激な応力緩和現象を,さらに, (2)2つめのVoigt要素は数日間の特性を,そして,(3) Maxwellモデルのダッシュポットでその後の緩やかな応 力緩和を表す。そこで,図12に示すように,応力・時間 関係を3本の直線で近似する。

#### 4.1.1 数時間程度の応力緩和現象

初期の1,2時間程度の間においても,Maxwell要素の ダッシュポットと2つ目のVoigt要素により応力緩和が生 じるが,ここではそれらを無視し,Maxwell要素の弾塑性 バネとVoigt要素で構成される3要素Voigtモデル(図13) によって,初期の特性を表す。ここで,Maxwell要素のバ ネのひずみを $\varepsilon_s$ , Voigt要素のひずみを $\varepsilon_1$ と表す。時刻 t=0において応力 $\sigma_0$ が載荷され,モデル全体でひずみ $\varepsilon_0$ が生じたとする。

$$\varepsilon_g(t=0) = \varepsilon_0 \tag{12}$$

ここで、バネは弾塑性であることから、コンプライアン ス $C_g$ はひずみの関数であり、応力とひずみの関係を線形 関係で表現できない。この状態でひずみを固定し、放置 する。この放置により Voigt要素は伸び始める。弾塑性バ ネとVoigt要素は直列に接続されていることからそれぞれ に生じている応力はともに $\sigma$ である。Voigt要素のバネの 応力を $\sigma_{1s}$ 、ダッシュポットの応力を $\sigma_{1D}$ とするとき、時 刻tにおいて要素全体に生じている応力 $\sigma$ との間には次式 が成立する。

$$\sigma = \sigma_{1S} + \sigma_{1D} \tag{13}$$

$$\sigma_{1S} = \frac{1}{C_1} \cdot \varepsilon_1 \tag{14}$$

$$\sigma_{1D} = \eta_1 \cdot \dot{\varepsilon}_1 \tag{15}$$



表2 織構造格子モデルの諸定数

	0	2000			-0			00/0, 0			3 40				
要素	A <sub>0</sub> (cm	<sup>2</sup> )	ℓ <sub>(</sub> (cn	) n)	(k	$E_1, E_1'$ cgf/cm)	$E_2, E_2'$ (kgf/cm)	$E_3, E_3'$ (kgf/cm)	ε <sub>y1</sub> , (9	ε <sub>y1</sub> ' 6)	$\epsilon_{y_2}^{}, \epsilon_{y_2}^{}$	l	n	<i>m</i> <sub>1</sub>	<i>m</i> <sub>2</sub>
Α	0.001	6/2	0.04	70	1	28550	28550	285500	0.	00	0.30		-	-	-
AA	0.001	6/2	0.04	58	1	28550	28550	285500	0.	00	0.30		-		-
В	0.001	6/2	0.03	371	1	28550	28550	285500	0.	00	0.30		-	-	-
BB	0.001	6/2	0.03	333	1	28550	28550	285500	0.	00	0.30		-	-	-
С	0.002	0/2	0.13	375	3400	00, 34000	13500, 9000	6800, 2000	0.30,	-0.06	1.20, -1.	20	0.00	0.07	0.50
D	0.002	0/2	0.10	000	3150	00, 31500	12500, 12500	4000, 4000	0.30,	-0.35	0.70, -0.	70	0.00	0.08	0.50
E, F	0.00	14	0.17	00	510	00, 5100	0, 0	0, 0	0.20,	-0.20	1.00, -1.	00	0.00	0.00	0.00
V	0.002	5/4	0.01	75		32	32000	-	-19	.00	-		-	-	-
	要素	(0	a <sub>0</sub> cm)	(0	b <sub>0</sub> cm)	k <sub>1</sub> (kgf/cm)	k <sub>2</sub> (kgf/cm)	k <sub>3</sub> (kgf/cm)	$\stackrel{\gamma_{\mathrm{yl}}}{(\%)}$	1 (%)	n	n	n <sub>1</sub>	<i>m</i> <sub>2</sub>	
	<i>R</i> ,	0.1	375	0.1	000	65.0	31.0	14.5	1.66	3.50	-0.40	0.	25	0.45	

(16)

 $a_0 = 0.1375 cm, \ b_0 = 0.1000 cm, \ \overline{a}_0 = a_0/3, \ \overline{b}_0 = b_0/3, \ \theta_0 = 36.0^\circ, \ h_{\xi 0} = 0.0102 cm, \ h_{\eta 0} = 0.0162 cm$ 

$$\eta_1 = T_1 / C_1$$

よって,

$$\sigma = \frac{1}{C_1} \cdot \varepsilon_1 + \frac{T_1}{C_1} \cdot \dot{\varepsilon}_1 \tag{17}$$

Voigt要素が $\epsilon_i$ だけ伸びることにより, 弾塑性バネは $\epsilon_i$ だけ縮む。つまり,

 $\varepsilon_g = \varepsilon_0 - \varepsilon_1 \tag{18}$ 

ここで, 弾塑性バネの特性を考えると, ひずみに対して応力は図14 より E4の勾配で減少することから, 応力とひずみの関係は

$$\sigma = \sigma_0 - E_4 \varepsilon_1 \tag{19}$$

となる。式(17), (19)とt = 0で $\varepsilon_1 = 0$ より,

$$\varepsilon_1 = \frac{C_1 \cdot \sigma_0}{1 + C_1 \cdot E_4} (1 - e^{-\frac{t}{T_1}})$$
(20)

となる。式(20)を式(19)に代入すると、

$$\sigma = \sigma_0 \left\{ 1 - \frac{C_1 \cdot E_4}{1 + C_1 \cdot E_4} (1 - e^{-\frac{t}{T_1}}) \right\}$$
(21)

となる。ここで, テーラー展開し, t << T<sub>1</sub>において,

$$\sigma \approx \sigma_0 \left\{ 1 - \frac{C_1 \cdot E_4}{1 + C_1 \cdot E_4} \frac{t}{T_1} \right\}$$
(22)

と近似できる。この結果,図12における線分Aの勾配 $\sigma_A$ 、を読み取ることにより,次式で $C_1$ を得ることができる。ただし, $T_1$ は線分Aと線分Bの交点の値とする。

$$C_1 = \frac{-T_1 \cdot \sigma_A'}{E_4(\sigma_0 - T_1 \cdot \sigma_A')}$$
(23)

# 4.1.2 数日間程度の応力緩和現象

次に、1、2日間程度の応力緩和減少に注目する。先と同様に Maxwellモデルのダッシュポットによる応力緩和が生じるが、ここ では無視し、Maxwell 要素の弾塑性バネと2つの Voigt 要素による 5 要素 Voigtモデル (図15) によって、挙動を理想化する。ここで、 Maxwell 要素のバネのひずみを $\varepsilon_s$ 、1つ目の Voigt 要素のひずみを  $\varepsilon_1$ 、2つ目を $\varepsilon_2$ と表す。時刻t=0において応力 $\sigma_0$ が載荷され、モ デル全体でひずみ $\varepsilon_0$ が生じたとする。

$$\varepsilon_{e}(t=0) = \varepsilon_{0} \tag{24}$$

この状態でひずみを固定し、放置する。この放置により Voigt 要素 は伸び始める。弾塑性バネと Voigt 要素は直列に接続されているこ とからそれぞれに生じている応力はともに  $\sigma$  である。1つ目の Voigt 要素のバネの応力を $\sigma_{1s}$ , ダッシュポットの応力を $\sigma_{1D}$ , 2つ 目の Voigt 要素のバネの応力を $\sigma_{2s}$ , ダッシュポットの応力を $\sigma_{2D}$ と するとき,時刻<sub>1</sub>において要素全体に生じている応力 $\sigma$ との間には 次式が成立する。

$$\sigma = \sigma_{1s} + \sigma_{1p} = \sigma_{2s} + \sigma_{2p} \tag{25}$$

ここに,



図14 コーティング材の復元力特性

$$\sigma_{1S} = \frac{1}{C_1} \cdot \varepsilon_{1,} \quad \sigma_{2S} = \frac{1}{C_2} \cdot \varepsilon_2 \tag{26}$$

$$\sigma_{1D} = \eta_1 \cdot \dot{\varepsilon}_1, \ \sigma_{2D} = \eta_2 \cdot \dot{\varepsilon}_2 \tag{27}$$

$$\eta_1 = T_1 / C_1, \ \eta_2 = T_2 / C_2 \tag{28}$$

よって,

$$\sigma = \frac{1}{C_1} \cdot \varepsilon_1 + \frac{T_1}{C_1} \cdot \dot{\varepsilon}_1 = \frac{1}{C_2} \cdot \varepsilon_2 + \frac{T_2}{C_2} \cdot \dot{\varepsilon}_2$$
(29)

Voigt 要素がそれぞれ $\varepsilon_1$ ,  $\varepsilon_2$ だけ伸びることにより, 弾塑性バネは  $\varepsilon_1 + \varepsilon_2$ だけ縮む。つまり,

$$\varepsilon_s = \varepsilon_0 - (\varepsilon_1 + \varepsilon_2) \tag{30}$$

ここで、同様に、応力とひずみの関係は

$$\sigma = \sigma_0 - E_4(\varepsilon_1 - \varepsilon_2) \tag{31}$$

となる。よって,式(25),(31)とt=0において $\varepsilon_1$ ,  $\varepsilon_2=0$ より,

$$\varepsilon_{1} = \frac{C_{1} \cdot \sigma_{0}}{1 + C_{1} \cdot E_{4} + C_{2} \cdot E_{4}} (1 - e^{-\frac{t}{T_{1}}})$$

$$\varepsilon_{2} = \frac{C_{2} \cdot \sigma_{0}}{1 + C_{1} \cdot E_{4} + C_{2} \cdot E_{4}} (1 - e^{-\frac{t}{T_{2}}})$$
(32)

となる。式(32)を式(31)に代入すると,

$$\sigma = \sigma_0 - E_4 \left\{ \frac{\sigma_0}{1 + C_1 \cdot E_4 + C_2 \cdot E_4} \left( C_1 (1 - e^{-\frac{t}{T_1}}) + C_2 (1 - e^{-\frac{t}{T_2}}) \right) \right\} (33)$$

ここで, t=∞において

 $\sigma(t = \infty) = \frac{\sigma_0}{1 + C_1 E_4 + C_2 E_4}$ (34)

が成り立つことから, C2は

$$C_2 = \frac{1}{E_4} \left( \frac{\sigma_0}{\sigma_2} - (1 + C_1 E_4) \right)$$
(35)

となる。ここで、 $e^{-3} = 0.050$ より、 $e^{-\frac{t}{T_2}}(t=3\cdot T_2)$ は1に対し5%あるものの十分小さいと判断し、線分Bと線分Cの交点を $(3T_2, \sigma_2)$ とする。



# 4.1.3 その後の応力緩和現象

時刻 $t=3 \cdot T_2$ 以降では、Maxwellモデルのダッシュポットのひずみ の増分がが支配的になる。そこで、 $t=3 \cdot T_2$ 以降の応力の緩和量は ダッシュポットによるものと仮定する。図16に示す Maxwell 要素 に応力 $\sigma_0$ を作用させ、ひずみ $\mathcal{E}_0$ が生じている。この状態で、ひず みを固定し、放置する。応力と時間の関係は

$$\sigma(t) = \sigma_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau_s}}$$
(36)

となる。ここで, t << Tにおいて,

$$\sigma(t) \approx -\frac{\sigma_0}{T_g} t \tag{37}$$

と近似できる。線分Cの勾配 $\sigma_c$ を応力・ひずみ関係から読み取る ことにより、次式で $T_s$ を求めることができる。ただし、t=0におけ る応力に $\sigma_2$ を用いている。

$$T_g = \frac{\sigma_2}{\sigma_3'} \tag{38}$$

以上の方法により, C, D材の粘性に関する諸定数を推定すること ができた。次にV材の粘性に関する諸定数を推定しなければならな いが, V材に関する粘性特性だけを分離することは難しい。このこ とから, ここでは, C, D材の諸定数の平均値を第1近似値として採 用する。

## 4.2 第1近似値をもとにした諸定数の修正方法

本研究では粘性に関する諸定数の決定にあたり,連続空間を探索 するのに適した遺伝的アルゴリズム(GA)<sup>18)</sup>を用いる。従来のGAは 変数の探索空間を離散化し,その離散化された値の中から最適な値 を求めることになる。これに対し,本手法は変数として実数値をそ のまま扱う。このため、本手法では従来の手法に比べ,より最適化 された厳密な値が得られる可能性がある。

本手法では、図17に示すような手順で探索を行う。まず、j番目の個体 $x^{j}$ はn個の変数 $x_{i}$ により、

$$x^{j} = \{x_{1}^{j}, x_{2}^{j}, \cdots, x_{n}^{j}\}$$
 (39)

と表す。本研究では粘性に関する諸定数を求めるため, 適応度 Fは 任意時刻1における応力の実験結果と解析結果の差の2乗和の平均 値を Sとするとき,

$$F = \delta / (S + \delta) \tag{40}$$

として求める。ここで、δは適応度Fの値域をゼロから1にするため



図16 Maxwell 要素

の補正係数である。各個体の初期値は第1近似値が得られているものとし、その値およびその値に平均値 $\mu_i$ 、標準偏差 $\sigma_i$ の正規乱数で得られる値を乗じた値を用いる。淘汰および増殖は全個体同一の選択確率により次世代の個体が選択されることにより行われる。交叉は淘汰および増殖によって選ばれたm個の個体の中から全個体に対し同一の選択確率で2つの個体(親) $x^{\alpha}$ ,  $x^{\beta}$ を選び、交叉後の2つの個体(子) $\overline{x}^{\alpha}$ ,  $\overline{x}^{\beta}$ を次式の線形補間により求める。

$$\overline{x}_i^{\ \alpha} = (1-\mu) \cdot x_i^{\ \alpha} + \mu \cdot x_i^{\ p}$$

$$\overline{x}_i^{\ \beta} = \mu \cdot x_i^{\ \alpha} + (1-\mu) \cdot x_i^{\ \beta}$$
(41)

ただし、補間係数 $\mu$ は平均 $\mu_c$ ,標準偏差 $\sigma_c$ の正規乱数として、 $n_c$ 回 選択を行い交叉確率 $P_c$ で交叉を行う。ここで、 $\mu$ がゼロに近いと、 親に似た個子が生成され、 $\mu$ がゼロから離れると親に似ていない子 が生成される。このため、容易に親に似ていない子が生成される が、本手法ではさらに突然変異をさせて親に似ていない子を作成す る。なお、突然変異はすべての個体に対し、突然変異確率 $P_m$ で突然 変異させるかどうか判断し、突然変異させる場合はその個体を構成 する変数のそれぞれに対して平均値 $\mu_m$ ,標準偏差 $\sigma_m$ の正規乱数を 乗じる。また、エリート保存戦略を行い、適応度の高い $n_e$ 個の個体 を必ず次世代に継承する。局所探索は適応度の高い個体を選び、そ の個体が持つ変数 $x_i$ に平均値 $\mu_s$ ,標準偏差 $\sigma_s$ の正規乱数を乗じて 新しい個体を作成し、適応度が大きくなる場合、直線探索を行う。 ただし、局所探索回数は $k_s$ とする。

#### 4. 3 応力緩和試験のシミュレーション

織構造格子モデルを構成する諸定数の形状および弾塑性に関する 諸定数は表2の値を用いる。この値は既に文献11で弾塑性特性を 十分に表現可能な定数として確認されている。

粘性に関する諸定数は4.1で示した方法で推定する。この推定 された諸定数をもとに4.2で示したの遺伝的アルゴリズムを用い て、より実験結果に合うような諸定数を求め、値を表3に示す。た だし、n=5とし、変数は $(T_s, C_1, T_1, C_2, T_2), m=20, \delta=1.0 \times 10^{-5}$ ,



図17 遺伝的アルゴリズムのフローチャート

$$\begin{split} \mu_i = &1.0, \ \sigma_i = 0.02, \ P_c = 0.9 \ n_c = 20, \ \mu_c = 0.0, \ \sigma_c = 0.02, \ P_m = 0.3, \\ \mu_m = &1.0, \ \sigma_m = -\log(F) / 7 \left( F \geq 10^{-2.1} \right) \ddagger t t \ddagger 0.3 \left( F < 10^{-2.1} \right), \ n_e = 2, \\ n_s = &5, \ k_s = &5, \ \mu_s = &1.0, \ \sigma_s = &0.3 \ t \neq & 3.5 \ t \neq & 5.5 \ t$$

表3に示す得られた粘性に関する諸定数を用いて,第2章で示し た2種類の応力緩和試験をシミュレートした結果を図6~11に示 す。この結果より,まず,4要素Voigtモデルを用いた場合<sup>13)</sup>には 1週間程度(中期間)の応力・時間関係をある程度シミュレートで きていたが,1,2時間程度の短い時間の範囲では応力・時間関係 に差異が生じていた。図6~8が示すように6要素Voigtモデルを 用いることにより,その差異を大きく改善することができた。繰り 返し強制ひずみをともなう応力緩和試験において,解析結果のよこ 糸方向の応力緩和量は実験結果に比べ,緩和量が小さくなる傾向が 現れ,不一致があるものの,膜材料の粘性挙動の傾向は示すことが できている。

#### 5. 增分型剛性方程式

施工手順を模擬した膜構造の応力・変形解析を行うにあたり,8 節点アイソパラメトリック曲面要素を用いた増分型剛性方程式を用 いる。ただし,増分型剛性方程式の誘導は既報<sup>40</sup>が詳しいので,本 報では省略する。

応力・変形解析において圧縮応力が生じた場合,一般に膜材料が 圧縮に抵抗し得ない材料と考えられていることから,要素の剛性の 低下を考える必要がある。著者らの提案する織構造格子モデルは, 格子を構成する部材の履歴特性として剛性の低下を考慮している。

#### 6. 施工手順を模擬した応力・変形解析

6.1 載荷手順の違いが応力・ひずみ関係に与える影響

応力・ひずみ関係において,応力の載荷手順が応力・ひずみ関係 にどの程度影響を与えるかを数値解析的に調べる。

まず、西川ら%によって示されている従来の縮小率の決定方法に 基づいて縮小率を決定する。本報では, 織構造格子モデルを用いて 応力 (16kgf/cm:16kgf/cm) までの載荷と除荷を3回繰り返し,3回 目の載荷の2kgf/cmにおけるひずみを読み取る。図18にその応力・ ひずみ曲線を示す。この結果たて糸方向に0.3%、よこ糸方向4.4% の縮小率とする。本節では、この縮小率分だけ次に示す方法で引張 る。載荷の手順は表4に示すような5種類とする。ただし、(2)~(5) において、一方を引張っている時、他方のひずみは固定しておくも のとする。また、応力の載荷にともなう時間経過を無視した解析 と,考慮した解析の2種類行う。時間の経過を考慮しない場合,時 刻ゼロにおいて,所定のひずみまで引張り,ひずみを固定し1週間 放置する。時間の経過を考慮する場合,6時間掛けて載荷を行うも のとし、たて糸方向とよこ糸方向のひずみの増分速度は、それぞれ 1時間当り、(1)で(0.050%、0.733%)(2)、(3)で(0.025%、0.367%)、(4) ,(5)で(0.0125%,0.0.183%)となる。載荷後,ひずみを固定し1週 間放置する。

図19,20に応力・時間曲線を,表5に強制ひずみを与えた後の状態での応力を,そして,表6にひずみを固定して1週間放置した後の応力を示す。この結果から,張力導入にともなう時間経過を考慮しない場合,載荷手順に依存しなく,同一な結果を示す。これは,

ひずみを一定にするか,増加させているため,織構造格子モデルを 構成する要素のそれぞれにおいてもひずみは減少しない。そのた め,それぞれの要素の応力・ひずみ関係は骨格曲線をたどることと なり,強制ひずみを与えた後の状態ではすべて同一な状態であるの で,応力が同一となる。また,時間経過を考慮した場合も,手順に 多少の差が見られるもののほぼ同一の結果を示している。また,時 間経過を考慮することにより,強制ひずみを与えた後の状態で,応 力が10%~28%減少していることがわかる。これは強制ひずみを

表3 粘弾性に関する諸定数

要素	$T_{g}$ (min)	$C_{l}$ ( $cm^{2}/kgf$ )	$T_2$ (min)	C <sub>2</sub> (cm²/kgf)	$T_2$ (min)
С	104000	0.00000062	0.7	0.0000195	350.1
D	57860	0.00000523	3.7	0.0000211	158.7
V	4252	0.00013870	23.3	0.0001653	1736.0



図18 引張応力(16:16kgf/cm)の応力・ひずみ曲線

表4 載荷手順

	名称	手順(単位はkgf/cm)
(1)	2軸同時載荷	たて糸方向に0.3%,よこ糸方向 に4.4%同時に引張る
(2)	たて糸方向2段階載荷	たて糸方向に0.3%引張り, よこ糸方向に4.4%引張る。
(3)	よこ糸方向2段階載荷	よこ糸方向に4.4%引張り, たて糸方向に0.3%引張る。
(4)	たて糸方向4段階載荷	たて糸方向に0.15%引張り, よこ糸方向に2.2%引張る。 再度たて糸方向を0.15%引張 り,よこ糸方向に2.2%引張る。
(5)	よこ糸方向4段階載荷	よこ糸方向に2.2%引張り, たて糸方向に0.15%引張る。 再度よこ糸方向を2.2%引張り, たて糸方向に0.15%引張る。



表5 強制ひずみを与えた状態での応力(0.30%, 4.40%)

	時間経過を考慮しない		時間経道	過を考慮
	たて糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )	よこ糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )	たて糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )	よこ糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )
(1)	4.02	5.15	2.98	4.52
(2)	4.02	5.15	2.94	4.64
(3)	4.05	5.16	3.20	4.04
(4)	4.05	5.16	2.93	4.57
(5)	4.05	5.16	3.07	4.23



	時間経過を	考慮しない	時間経過を考慮			
	たて糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )	よこ糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )	たて糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )	よこ糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )		
(1)	2.03	2.51	1.99	3.53		
(2)	2.03	2.51	2.00	3.32		
(3)	2.03	2.51	2.11	3.37		
(4)	2.03	2.51	1.96	3.41		
(5)	2.03	2.51	2.07	3.46		



図21 応力・時間曲線(時間経過を考慮しない, 0.33%, 4.84%)



表7 強制ひずみを与えた状態での応力(0.33%, 4.84%)

	時間経過を	考慮しない	時間経過を考慮			
	たて糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )	よこ糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )	たて糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )	よこ糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )		
(1)	10.66	9.20	7.33	7.14		
(2)	10.66	9.20	7.84	7.60		
(3)	10.66	9.20	7.08	6.36		
(4)	10.66	9.20	7.65	7.41		
(5)	10.66	9.20	6.77	6.46		

表8 ひずみを固定して1週間放置した後の応力(0.33, 4.84%)

	時間経過を	考慮しない	時間経過を考慮		
	たて糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )	よこ糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )	たて糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )	よこ糸方向 応力 ( <i>kgf/cm</i> )	
(1)	4.64	4.09	4.21	4.90	
(2)	4.64	4.09	4.36	4.75	
(3)	4.64	4.09	4.43	4.79	
(4)	4.64	4.09	4.22	4.79	
(5)	4.64	4.09	4.27	4.81	

与えている間の緩和分であり,先に高い応力に達したものほど応力 の緩和量が大きくなり,強制ひずみを与えた後の状態での発生応力 が小さくなっている。1週間後の応力を比較すると,たて糸方向応 力はほぼ同様であるが,よこ糸方向の応力は時間を考慮することに より大きくなっている。これは式(5)の第2式からわかる。時間経過 を考慮しない場合,強制ひずみを与えた後において,2つのVoigt 要素のひずみ ε<sub>i</sub>はゼロであるのに対し,時間経過を考慮した場合, 2つの Voigt 要素のひずみ ε<sub>i</sub>は既にゼロより大きくなっている。こ の違いが,強制ひずみを与えた後における応力緩和量の違いであ る。なお,時間経過を無視した解析は初期に導入される応力は考慮 した場合に比べて,相当に大きくなっている。

そこで,次に,両方向に与える強制ひずみをそれぞれ1割増やし 0.33%と4.84%とした場合の解析を行う。応力・時間曲線を図21,22 に,強制ひずみを与えた後の状態での応力を表7に,そして,ひず みを固定して1週間放置した後の応力を表8に示す。

この結果からもやはり載荷手順に依存せず,ほぼ同一な結果が得られた。

# 6.2 施工手順を模擬した載荷手順の違いが応力分布に与える影響

#### 6.2.1 解析条件

ここでは、たて糸方向に0.3%、よこ糸方向4.4%の縮小した平面 腹を実際の施工を模擬した載荷手順で引張り、載荷手順の違いが施 工後およびそれから1週間経過後の応力分布に与える影響を調べ る。1辺10mの正方形の境界に膜材料を取り付けることを想定し、 縮小率0.3、4.4%より、997×956cmを裁断形状とする。ただし、X 方向をたて糸方向とし、Y方向をよこ糸方向とする。この裁断形状 を8節点アイソバラメトリック要素で10×10の100要素に分割す る (図 23)。よって、節点は1辺当り21点となる。

載荷は次に示す3つの手順で行う。(1)A点を始点,E点を終点と し,辺ABCDEと辺AHGFE上の対応する1組の節点を同時に境界 上の目標とする位置(境界の1辺を20等分する点)まで順に引張 る(以下対角軸に対称な載荷と呼ぶ)。(2)B点を始点,F点を終点と し,辺BAHGFと辺BCDEF上の対応する1組の節点を同時に境界 上の目標とする位置まで順に引張る(以下Y軸に対称な載荷と呼 ぶ)。(3)H点を始点,D点を終点とし,辺HABCDと辺HGFED上の 対応する1組の節点を同時に境界上の目標とする位置まで順に引張 る(以下X軸に対称な載荷と呼ぶ)。1組の節点を引張ることを1 工程とし,この1工程を行うのに必要となる時間経過を,独断的に 10分と仮定する。ただし,面外(Z方向)はすべて拘束した2次元 問題として扱い,境界条件は始点のX,Y方向を固定し,始点の隣の 節点を周方向ローラー支持とする。構成則として,織構造格子モデ ルを用い,諸定数は表2,3に示す値を用いる。

## 6.2.2 対角軸に対称な載荷の解析結果

図24~26に,最も大きな応力がよこ糸方向に生じた状態,外周 のすべてを引張った状態,そして,引張った後1週間経過した状態 の応力分布を示す。図24は図23に示す節点N1,N2点を目標位置ま で引張った時点であり,図23に示す積分点I1においてたて糸方向 とよこ糸方向とも応力集中が生じている。このように膜材料の一部 分を強制的に引張る場合,その点近傍で応力集中が生じていること がわかる。図25から外周をすべて目標位置まで引張った時点ではE



点周りでたて糸方向,よこ糸方向ともに応力が多少高くなってお り,膜面全体の応力が不均一となっている。この状態から1週間放 置した状態での応力分布である図26より,外周のすべてを引張っ た状態よりも,応力集中の度合いが減ったものの,応力分布の不均 一性が見られる。

#### 6.2.3 Y軸(よこ糸方向)に対称な載荷の解析結果

図27~29に、最も大きな応力がよこ糸方向に生じた状態,外周 のすべてを引張った状態,そして、引張った後1週間経過した状態 の応力分布を示す。ただし、等高線作図プログラムの機能上、応力 分布に非対称性が生じた。図27は図23に示す節点N3,N4点を目標 位置まで引張った時点であり、図23に示す積分点12においてたて 糸方向とよこ糸方向ともに応力集中が生じている。対角軸に対称な 載荷と同様に、よこ糸方向に引張り始めた時点で最大応力が発生し ている。図28から外周をすべて目標位置まで引張った時点ではた て糸方向がE,G点周りで、よこ糸方向がF点周りで応力が集中して おり、膜面全体の応力が不均一となっている。この状態から1週間 放置した状態での応力分布である図29より、外周のすべてを引 張った状態よりも、応力集中の度合いが減ったものの、応力分布の 不均一性が見られる。

#### 6.2.4 X軸(たて糸方向)に対称な載荷の解析結果

図30~32に,最も大きな応力がたて糸方向に生じた状態,外周 のすべてを引張った状態,そして,引張った後1週間経過した状態 の応力分布を示す。図30は図23に示す節点N5,N6点を目標位置ま で引張った時点であり,図23に示す積分点I3においてたて糸方向 とよこ糸方向ともに応力集中が生じている。このように引張った場 合,先の2つの結果と違い,たて糸方向を糸方向に引張り始めた時 点で最大応力が発生している。図31から外周をすべて目標位置ま で引張った時点ではたて糸方向が辺ABCと辺EFGの近傍で応力が 集中しているが,よこ糸方向は応力集中がほとんどみられない。こ の状態から1週間放置した状態での応力分布である図32より,外 周のすべてを引張った状態よりも,応力集中の度合いが減ってい る。

#### 6.3 まとめ

3種類の張力導入手順について,応力・変形解析を行った。本研 究で仮定した載荷方法は2点のみを強制的に目標とする位置まで引 張っているため応力集中が生じやすく,実際の施工を反映している とは言えない。実際の施工手順を勘案すると,より実際の施工方法 に近い載荷手順で解析を行う必要があると言える。

このような手順で張力導入を行うと,(1)引張っている節点近傍で, 何がしかの応力集中が発生すること,(2)境界形状が正方形の場合,X 軸(たて糸方向)およびY軸(よこ糸方向)に対称に張力導入を行 う途上で張力導入にともなって発生する応力の最大値を押さえるこ とができること,また,(3)張力導入手順の違いにより張力導入後の 応力分布が異なること,さらには(4)1週間放置することにより,応 力分布の不均一性が緩和されること,などを解析的に予想した。し かしながら,本研究の解析による推定の妥当性については,実験に よる検証が必要であることは言うを待たない。今後は,より精度の 高い施工手順解析に関する研究が必要とされる。

# 7. 結語

本報告では,(1)腹構造の施工に注目し,繰り返し強制ひずみを受ける腹材料の応力緩和試験を行い,繰り返し載荷することで応力緩 和量を減少させることができることがわかった。繊構造格子モデル を構成する部材の諸定数の推定にあたり,(2)粘性に関する諸定数の 基準となる第1近似値を求める手法を提案した。また,(3)より精度 よく実験結果をシミュレート可能な諸定数を求めるために,既報に おいては繰り返しの試行を行ってきたが,本報では遺伝的アルゴリ



ズムを用いた手法を示し、よりよい値を求めることが可能となっ た。(4)6要素 Voigt モデルを導入した繊構造格子モデルを用いるこ とにより、4要素 Voigt モデルを導入した場合に比べ、膜材料の応 力緩和特性をより精度よく表現できることを示した。また、繰り返 し強制ひずみを受ける応力緩和試験結果のシミュレートも行い、応 力の緩和量に差異が見られた。より精度よく応力緩和特性を表現す るにはさらなる繊構造モデルの改善が必要となる。

さらに,施工時の張力導入手順を考慮し,載荷手順の違いが内部 に発生する応力にどの程度影響を与えるかを調べるために,まず, (5)構成方程式を用いて,強制ひずみの与え方と張力導入にともな う時間経過の影響を調べた。その結果,張力導入手順によらず,発 生応力はほぼ同一であったが,時間経過を考慮することにより,強 制ひずみを与えた直後の状態で発生する応力が小さくなることと、 載荷の手順の違いよって,先に高応力に達するものほどわずかでは あるが1週間後の残存応力は小さくなった。また,(6)実際の施工手 順を模擬した応力・変形解析を行うことにより,応力集中が生じて いることを解析的に予想するとともに,その手順の違いにより発生 する最大応力が違うことと,張力導入後の応力分布が全く違うこ と,さらには1週間放置することにより,応力分布の不均一性が緩 和されることを示した。

#### 謝辞

研究の遂行にあたり貴重な示唆を頂いた横浜国立大学教授石井一 夫博士,また,全面的にご支援をいただいた太陽工業空間技術研究 所前所長戸田郁也氏,実験を行うにあたり貴重な示唆を頂いた同副 所長小田憲史博士,同課長豊田宏博士に感謝いたします。



本研究は、平成9年度能村膜構造技術振興財団の研究助成(代表 者:加藤史郎)を受けて実施された成果であり、かつ、豊橋技術科 学大学プロジェクト研究:「構造用膜材料の弾塑性・クリープ特性 に関する構成則ならびに構成則の骨組み膜構造への応用」として実 施されたものである。ここに能村膜構造技術振興財団に深く感謝の 意を表します。

#### 参考文献

- 西川 薫,石井一夫,達富浩:構造用膜材料の荷重-盃特性と構造 モデル, 膜構造研究論文集'88, PP.39~50, 1988年12月
- 2) 南 宏和: PTFEコーティング・ガラス繊維布(膜材料A種)の非 線形伸張曲線への多段階線形近似とその応用,日本建築学会構造系 論文報告集,第436号, pp.13~19,1992年6月

- 石井一夫: 膜構造用膜材料概説, 膜構造研究論文集'92, No.6, pp.91-119, 1992年12月
- Kohichi Itoh, Kohtaro Tanaka, Yoshiaki Ohuchi : An experimental study on tension characteristics of suspension membranes, Proc. of the IASS Int. Symposium, Osaka, pp193-200, 1986
- 5) 田中耕太郎,菊池哲雄:剛境界サスペンション膜構造物に用いられる膜パネルの張力導入方法について,日本建築学会大会学術講演梗 概集(近畿),pp.1325-1326,昭和62年10月
- 斎藤公男,田中耕太郎:張力膜初期曲面形成の為の縮少率の設定に ついて、日本建築学会大会学術講演梗概集(九州), pp.1183-1184, 1989年10月
- 7) 南 宏和,豊田 宏,瀬川信哉: 膜構造物用膜材料であるコーテッ ド平織物の1軸・2軸応力状態での応力緩和とクリーブの特性,日



本建築学会論文報告集,第408号, pp1-9, 1990年2月

- 小竹達也, 菊嶋 誠, 西川 薫: 膜材の織布特性を考慮した縮小率の設定方法, 膜構造研究論文集 '96, No.10, pp.71 ~ 78, 1996 年 12 月
- 9) 南宏和、山本千秋、瀬川信哉、河野義裕:応力緩和後およびクリー ブ後の膜の弾性応答解析に適合する応力-ひずみ曲線の測定法、膜 構造研究論文集'97, No.11, pp.23~29, 1997年12月
- 加藤史郎, Pongpo Petch, 武田文義, 吉野達矢, 松本恵美: Schockモデルに基づいて膜材料の構成方程式を誘導する方法について-連続体としての増分型構成式の提案-, 膜構造研究論文集'94, No.8, pp.11~26, 1994年12月
- 12) (社) 日本膜構造協会: 膜材料弹性定数試験方法(MSAJ/M-02-1995)
- 13) 加藤史郎,吉野達矢,松本恵美,武田文義:アイソパラメトリック 曲面要素を用いた膜構造解析,膜構造研究論文集'95, No.9, pp.9~
   21,1995年12月
- 14) 加藤史郎,南 宏和,吉野達矢,並田忠政:粘性特性を考慮した織

構造格子モデルによる構成方程式-クリープ及び応力緩和試験の数 値シミュレーション-, 膜構造研究論文集'96, No.10, pp.29~43, 1996 年 12 月

- 15) 南 宏和,山本千秋,瀬川信哉,河野義裕:多段線形近似による膜の材料非線形解析のための弾性パラメタ算定法,膜構造研究論文集
   '96, No.10, pp.45 ~ 51, 1996 年 12 月
- 16) 瀬川信哉: 膜材料の材料非線形性に関する実験的研究,博士論文, 1996年3月
- 17) 加藤史郎,吉野達矢,小野智子,南 宏和,瀬川信哉:織構造格子 モデルによる膜構造の粘弾塑性解析, 膜構造研究論文集'97, No.11, pp.1~12, 1997年12月
- 18) 古川知成,矢川元基:連続探索空間のための遺伝的アルゴリズムとその非線形逆問題への応用,日本機械学会論文集(A編),61巻,586 号,1995年6月
- 19) H.J.Schock : Some general Remarks on the Structural Behavior and Load-Extension Characteristics of Coated Fabrics with Special Reference to PTFE Coated Glass Fiber Fabric, Proc. of the Structural Congress '89, Applications of Tension Structures ASCE, San Francisco, pp. 21 ~ 30, 1988.5

# VISCO-ELASTO-PLASTIC STRESS-DISPLAYCEMENT ANALYSIS OF MEMBRNE STRACTURES FOR SIMULATING CONSTRUCTION PROCESS - FORMULATION AND ANALYSIS BASED ON FABRIC LATTICE MODEL -

Shiro Kato<sup>\*1</sup> Tatsuya Yoshino<sup>\*2</sup> Hirokazu Minami<sup>\*3</sup> Shinya Segawa<sup>\*4</sup>

#### SYNOPSIS

The present study aims to make clear the influences of several initial loading processes under construction on the distributions of stresses and on the configurations from a view point that there will arise some important irregularities in stresses and geometries if proper understanding of viscous characteristics and stress-starin relationships of fabric materials is not taken during construction. Fist, the formulation of Fabric Lattice Model with 6-parameter Voigt model is described considering the components in the Fabric lattice model.

Second, relaxation tests performed to obtain fundamental data of small square pieces under cyclic loading are briefly explained. These experimental results have revealed that the initially introduced stresses are much decreased in all test cases due to relaxation but that repeated retensioning after stress relaxation has much improved the stress reduction. The data are also utilized to identify the elasto-plastic constants and viscous parameters of the components in the Fabric Lattice Model.

Third, the constitutive equations for both elasto-plastic and viscous behaviors are simulated based on the identified parameters. And the simulated ones are compared with the experiments. A very fine agreement is reported between the simulation and experiment.

Finally, the construction processes introducing initial tension into a 10m by 10m flat fabric membrane is studied on how the process influences the stress distributions and the strained fabric during several kinds of introducing processes.

\*4 Center for space structures research, Taiyo Kogyo Corporation, Dr. Eng.

<sup>\*1</sup> Prof., Dept. of Arch. and Civil Eng., Toyohashi Univ. of Tech., Dr. Eng.

<sup>\*2</sup> Graduate Student, Dept. of Mechanical & Structural Eng. Systems, Toyohashi Univ. of Tech., M. Eng.

<sup>\*3</sup> Assistant general manager, Center for space structures research, Taiyo Kogyo Corporation (Guest Prof., Toyohashi Univ. of Tech.), Dr. Eng.