風洞気流中の懸垂膜のフラッター挙動とその振動特性

南 宏和*1 奥田泰雄*2 川村純夫*3

梗 概

風洞実験の結果、サグをもって両端支持された懸垂膜は、乱れの小さい一様気流をうけると、正弦波形に 似た単純な進行波形をもつフラッター状態を安定にとることがわかった。そして、このフラッター振動数は 気流速度と線形関係をもつことがわかった。その気流速度 - 振動数直線の傾きに膜支持間隔を乗じた無次元 パラメタは、質量比との間で一つの関数関係にあると推測された。さらに、このフラッター状態において測 定した波形進行速度の気流速度に対する比は 0.4~0.7 であった。この比は重い膜ほど小さくなる傾向がみら れた。

1. はじめに

PTFE (Polytetrafluoroethylene) コーティング ガラス繊 維平織物(膜材料 A 種)は、膜構造建築物に現在盛んに使用 されている。この膜を風洞の上流および下流側で水平バーに よりサグ(Sag)をつけて支持して懸垂状態におき、乱れの 小さい水平気流をあて、徐々に気流速度をあげていった。す ると、気流速度がある臨界気流速度に達したときに、膜は急 に浮き上がって大きく波打ち、支持間隔を波長にもつ単純な 進行波形をもつ振動状態に移った。著者らはこの振動現象を 懸垂膜のフラッターとよびすでに報告した¹⁾⁻³⁾。これらの報 告では他に、このフラッターの臨界気流速度を支配する無次 元パラメタを抽出し、これらがつくる関数関係の存在を推論 した²⁾³⁾。

著者らは引き続いて各種の布と薄いフィルムを膜試料に して同様の実験を行い、同様のフラッターが生起することを 報告した⁴⁾⁻⁵⁾。これらの報告ではほかに、懸垂状態およびフ ラッター状態にある膜の上流端で測定した支持力を考察し た。そして、支持力の時刻歴がフラッター振動周期の間に一 つのインパルスを示すこと、しかしこのインパルスをのぞけ ば支持力はほぼ一定と見なすことも可能で、この一定支持力 は予想していたほど大きくならないことを述べた。

以上の報告に加えて、著者らはこのフラッターの近似理論 解析法を報告した⁷⁷⁸⁾。この解析法を応用して、膜のサグ、 質量、伸長および曲げ剛性、支持間距離および気流速度とフ ラッター安定性との関係を調べて報告している⁹⁾。さらに、 前述の既報²³³で予測した、臨界気流速度を支配する無次元 パラメタとそれらの関数関係を、理論的に導いている¹⁰⁾。

本論は、風洞実験のこのような懸垂膜のフラッター挙動を 解説し、その振動数と波形進行速度に現れた特性を調べた結 果を報告するものである。前述の一連の報告と同様に、本論 は、膜構造設計・施工のために、膜のフラッター特性の一つ の基礎資料を得ることを目的としており、特に振動特性の面 につき追究するものである。

著者らの以上の研究の以前に、川村らは、このようなフラ ッター実験および無次元振動数の形での臨界気流速度の解 析を行っており、実験の波形モードについての所見と解析結 果に対する考察結果を述べている。この研究での懸垂膜は支 持間距離が41cm¹¹⁾および50cm¹²⁾であって、前述の著者らの 場合に比べて一段と小さく、膜試料は紙あるいはビニールシ ートであった。同様の臨界気流速度の解析は吉村らも後に行 っている¹⁹⁾。

なお、懸垂曲線形状をもつ吊屋根を対象にして、膜試料に 紙、ビニールシート、ゴム膜あるいはポリエステルフィルム を用いた模型をつくり、風洞気流中での膜の挙動を研究した 報告が多い¹³⁾⁻¹⁵⁾。これらの模型は 24~50cm と小さく、か つ膜の模型の風上面と風下面には壁が設けられており、さら

*1 太陽工業(株) 空間技術研究所 南研究室、*2 京都大学防災研究所耐風構造研究部門 助手、*3 大阪市立大学名誉教授

4X 1 加天前八千					
	Fabric	Mass per unit are m[N·sec ² /m ³]	a, Warp extension rigidity, E[KN/m]	Bending stiffness per unit width,D[N·m]*	Thickness [mm]
CFAB126	8 PTFE-coated glass fiber	1.268	369	331×10^{-5}	0.78
FAB251	Aramid fib.	0.251	14.7	12.4×10^{-5}	
FAB140	Aramid fib.	0.140	10.1	3.45×10^{-5}	
FAB48	Polyest. fib.	0.048	51.0	1.02×10^{-5}	
FAB47	Aramid fib.	0.047	19.7	0.96×10^{-5}	
FIL19	Polyes. film	0.019	13.8	0.11×10^{-5}	0.012

表 1 膜試料

* Measured with a KES-FB25) device

に膜に下向きの引っ張りを加えて実験を行った研究もある。 これら報告の膜の波動現象は、本論のフラッターとは異なる ものである。

2. フラッター挙動

本報告のフラッター実験で取り上げた膜試料を表1に示す。 CFAB1268 は既報¹⁾⁻³⁾で試料とした PTFE コーティング ガ ラス繊維布で、膜構造建築物の実用膜材料である。FAB251、 FAB140 は鞄用の布、FAB47 はパラグライダー用の布、 FAB48 は衣料用高密度織布である。FIL19 は薄いフィルム である。表1には、縦糸方向(FIL19 はロールの巻き取り方 向)の1 軸伸長曲線の初期伸長部分を線形化して算定した伸 長剛性(伸長曲線の傾き)と、同様に縦糸方向の純曲げ試 験¹⁶⁾による曲率-曲げモーメント曲線を線形化して算定し た曲げ剛性を参考に示す。膜の単位面積あたりの質量(m) も示す。試料名に付した数字は、このmをg(グラム)単位 で表わした数値を示している。

風洞測定部に設置した懸垂膜を図1に示す。上段の装置は CFAB1268に、下段のそれはその他の試料に用いた。膜試料 をサグをつけて同じ水平レベルにある支持バーに支持間隔 1 で取り付けた。1は CFAB1268 は 1.780m または 1.378m、 他の試料は 0.70m または 0.35m とした。支持バーは測定部 高さのほぼ中央部にある。2次元流れの状態にできるだけ近 づけるために、図1上段の装置では試料の幅方向の端部と風 洞内に立てた端板とのすきまを小さく 3.9cm とし、図1 下段 の装置では試料端部と風洞側板とのすきまを 0.75cm とした。 このようにして、試料幅は図1 上段の装置で 40cm、下段の 装置で 28.5cm であった。支持バーは、厚さと断面の幅はで きるだけ寸法を小さくして、図1 上段の装置でそれぞれ 3.0cm と 4.6cm、下段の装置でそれぞれ 0.3cm と 1.5cm とし た。支持バーは断面が流線型に近い形になるように仕上げた。

これら装置の懸垂膜に、水平方向の一様気流が膜面の両側 に入り込む。フラッター実験中に前縁支持バーの上流にある、 図1の上段の装置では75cm、下段の装置では8.4cmの位置 の熱線風速計で気流速度を計測した。その平均気流速度をU と表わし、以下で代表気流速度に用いる。一様気流の乱れの 強さは1%以下(図1の上段の装置でU=5m/sec、下段の装





図 1 風洞中のフラッター実験装置(上段は CFAB1268 用、 下段はその他試料用)

置でU=3m/secの時)であった。ここに、ある位置の乱れ の強さは、その気流速度の平均値からの変動の標準偏差の、 その平均値に対する割合である。

図1に示した懸垂膜に対してUを徐々に上げていくと、 腹はしばらくはほぼ初期の懸垂曲線形状を維持した静的状 態、すなわち上流側では上方にやや変形するものの全体的に は下に凸に孕んだ状態(下凸状態とよぶ)が続いた⁵⁾⁽⁶⁾。こ の状態へは、次に述べる上凸状態あるいはフラッター状態に おいて、下流端近くで板などで気流をさえぎるようにして外 乱を与えることで容易に転移させることができた。

一方、この状態とは形状がほぼ上下逆の、上に凸に孕んだ 形状の静的状態(上凸状態とよぶ)が存在した²⁰⁵⁰⁶⁾。この状 態へは、下凸状態あるいは次に述べるフラッター状態におい て外乱を与えることで容易に転移させることができた。水平 気流をうけてこのように上凸あるいは下凸状態で懸垂膜が 安定になることは、気流にたいして迎角0でも帆の膜は安定 に孕み得ることが解析¹⁷⁾¹⁸⁾で示されていることに対応する。 ただし帆の解析では重力は考慮されない。 そして、既報にも述べたが、支持バー間に浮かびつつ進行 波形をもって振動するフラッター状態が存在した、これは膜 各部の上下振動の中心がほぼ支持バー間を結んだ水平線上 にある振動である。この状態が、試料の種類やサグ大きさに より、Uを徐々に上げていくときに下凸状態から自然に現れ る場合と、Uを十分な大きさにしておいて上凸状態または下 凸状態をつくり外乱を与えることで現れる場合があった。

Uを徐々に上げていく途上で、F凸状態にあった膜がフラ ッター状態に自然に移るときのUか存在し、逆に、フラッタ ー状態にある膜が U を徐々に下げていく途上で下凸状態に 自然に移るUか存在した。しかし、計測結果によるとこれら のUの相違は小さく、両者を区別なく臨界気流速度と定義し て扱うことにしUF2とかく。

サグ比を支持間隔(1)に対するサグ(支持間中央の初期 たるみ)の比で定義し Sa とかく。 1=0.7m、Sa=0.164 の FAB140 が臨界気流速度(UF2=2.9m / sec)をうけてフラッ ター状態にあるときの1周期間の波形の変化を写真1に示す。 また 1=0.7m、Sa=0.164~0.175 の FAB251、FAB47、FAB48



写真 1 1周期間のフラッター波形の変化(FAB140. U= UF2=2.9m/sec. Sa=0.164)

および FIL19 のやはり臨界気流速度におけるフラッター状 態の波形を写真2に示す。そして、写真1のフラッター状態 (U=U_{P2})からUを大きくし、U=6m sec に達した時の1 周期間の波形の変化を写真3に示す。



FAB251S_a=0.171 U=U_{F2}=5.4m/sec

 $\begin{array}{l} FAB47 \\ S_a{=}0.164 \\ U{=}U_{F2}{=}2.4 \\ m/sec \end{array}$

 $\begin{array}{l} FAB48\\ S_a{=}0.166\\ U{=}U_{F2}{=}1.6m/sec \end{array}$

 $\begin{array}{l} FIL 19 \\ S_a = 0.175 \\ U = U_{F2} = 1.2 m/sec \end{array}$





写真 3 1周期間のフラッター波形の変化(FAB140.U=6m /sec. Sa=0.164)

これらの写真をみると、FAB140 や FAB251 の UF2 でのフ ラッター波形は 1を波長とする単純な正弦進行波形の近似も 可能な形状とみられる。U が大きくなり、U=6m/sec とも なると、依然として単純な正弦波モードが卓越しているもの の波形は高次モードの波が重なって角ばったものとなって いる。これらより軽い FAB47、FAB48 および FIL19 の波形 は、同様の単純な正弦波形が気流に流されたように複雑さを 増している。膜が軽くなると波形がこのようになる傾向があ ることは理論的考察を行った既報⁹⁾でも述べている。なお CFAB1268 の同様のフラッター波形は既報²⁰⁴に示しており、 ここでは省略する。この波形は FAB251 あるいは FAB140 のものと同様であった。

3. フラッター振動特性

3.1 振動数特性

前節に解説したフラッター状態にある膜がどのような振動特性をもつものであるか、まず振動数にみられる特性を調べる。

フラッター振動数をfとする。その測定のために、図1に 示したロードセルで計測した上流端での膜支持力の時刻歴、 あるいは同図に示したレーザー変位計で計測した膜の変位 の時刻歴を用いた。これら膜支持力と膜変位の時刻歴ははっ きりと周期性を示し、それぞれから平均周期が読み取れるも のである。そして両者の平均周期はよく一致した。図1上段 の装置(CFAB1268用)でのフラッター振動数は、こうして 読み取った平均周期から求めた。ただし、図1下段の装置(そ の他試料用)でのフラッター振動数は、サンプリング周波数 100Hz でとった20秒間の膜支持力あるいは膜変位の時刻歴 からこれらの周波数スペクトル密度を計算しその最大ピー クを与える振動数として定めた。この場合も、両者の振動数 はよく一致した。

このようにして測定した各試料のフラッター振動数fとその時のUをプロットして図2に示す。この図では、Saと1のいろいろな組み合わせの条件での実験で得たU-f関係を 各試料について示している。各条件の実験値のプロットの最もUの小さな位置にあるものは、UP2でのフラッターの振動 数を示している。どの試料のどのSaと1の条件の実験結果も、 かなりはっきりした線形関係を示している。この実験結果から、本論の対象としている懸垂膜の一様気流中のフラッター では、U-f関係が線形になる特性をもつと判断される。著 者らはこの特性が、前節で調べたようにフラッター波形が単純であることからこれを正弦進行波形に近似して行った理 論解析の結果にも認められることを報告している⁷⁹⁹。以上 の考察結果に従い、Saと1をもつ懸垂膜が乱れの小さい一様 気流をうけてフラッター状態にある時の振動数は

 $f = \alpha U + \beta$ (U_{F2}<U) (1) で表わし得る。 α は U - f 直線の傾きで、 β はこの直線が f



図 2 気流速度(U)とフラッター振動数(f)の関係

軸と交わる切片である。これらは、図2の実験結果をみると、 膜の種類(質量)や1などによって異なる値をとるとみられ る。

ここで無次元振動数を、代表気流速度 U を用い代表寸法に

1を用いることにして

$$S_n = f I / U$$

と表わす。この無次元パラメタは、例えば振動変位に比例す る力を流体からうけて振動する質点の運動モデルを考える とき、慣性力項の係数で除して運動方程式の各項を無次元化 すると流体力項の係数として得られる。従って物理的にはこ のパラメタは、流体中の振動に関与する慣性力に対する変位 比例型の流体力の比に関係するものとも解釈できる。

(2)式に(1)式を代入すると、

 $S_n = \alpha 1 + \beta 1/U$ (3) となる。無次元振動数はこのように二つの無次元パラメタ、 すなわち U - f 直線の傾きに関係する項 $\alpha 1$ と切片に関係す る項の和の形で表わされる。

一方、膜は表1に示したように種類に応じて異なる単位面 積質量mをもつ。このmを用いて質量比

Mr = m/(ρ1) (4) なる無次元パラメタが定義できる。ここにρは気流密度であ る。例として前述の質点運動モデルでいえば、このパラメタ は振動速度の2乗に比例する流体力の項の係数で除して運動 方程式を無次元化すると慣性力項の係数として得られる。あ るいはこのパラメタは、膜全体でフラッター振動に関与する 気流の質量(付加質量)に対する膜全長の質量の比を与える 式からも定めることができる。

図 2 に示した各試料の S_a と 1の各条件での実験による U -f 関係を直線化し、その傾きから α を算定し(3)式の α 1を 求めた。このパラメタとその試料の M_r とでプロットした結 果を図 3 に示す。 α 1 は M_r と S_aの関数になると予想される が、今回のこの実験結果では、その関数を大まかにはこの図 に示した破線で近似できよう。これによると α 1 は、M_r < 0.2 では M_r に依存してかなり変化するが、0.2 からおよそ 1.0 の 間の M_r ではほとんど変化なくほぼ 0.3 とみられる。



参考に、実用膜である CFAB1268 の場合、Mr>0.2 に対応する支持間距離は I<5.2m となる。つまりこの膜の場合、

1がおよそ 5m 以下であればどの大きさであっても、α 1はほ ぼ一定値であって、いまその値を 0.3 と定めるとαは

なお、U・f 直線の切片 βを含む(3)式右辺第2項の無次元 パラメタは、図2に明らかなようにβは0ではないので、0 でない何等かの値をとる。このパラメタがα1と同様に他の 無次元パラメタと何等かの関係をもつものであるか、次に調 べる必要がある。しかし本論では、それは今後の課題とした い。

3.2 波形進行速度

(2)

次に、フラッター状態にある膜の波形進行速度が、Uに比 べてどの程度にあるかを調べてみる。膜は気流からエネルギ を吸収してフラッターを起こしている。直観的には、波形進 行速度が U と同じであれば気流からのエネルギ吸収はなし 得ないように思われる。



図 4 波形進行速度 (V_w)の気流速度 (U) に対する比と 気流速度の関係 波形進行速度はCFAB1268以外の試料について計測した。 図1下段に示した二つのレーザー変位計の上流側のものは膜の上流端から 30cm の位置にあり、両者の変位計の間隔は7.5cm である。上流側と下流側の変位計の時刻歴 (それぞれh₁(t)、h₂(t)とする。t は時間。)の相互相関関数

 $R_{12}(\tau) = E[h_1(t)h_2(t+\tau)]$ (6) を求めると、これが最大となる τ (Separation time) が得られる。E[]は時間平均値を表す。二つの変位計の間隔をその τ で除したものが波形進行速度になりこれを V_w とかく。これは両変位計の中間の位置での値であると考えられよう。

実験のフラッター波形の観察によれば、振動ははっきりと 周期的であるものの一つの周期の時間内で波形進行速度は 変動していた。従って、上述の V_w は変位計中間位置での波 形進行速度であり、これは位相速度(波形を波長1の正弦波 と近似するときは1fである)とは異なる。

このようにして測定した各試料の V_w の U に対する比をと り、これと U との関係を図 4 に示す。各試料とも V_w / U は、 臨界気流速度 U_{F2} 近くの U では値がかなり変動する傾向を 示し、 U_{F2} から少し離れたより大きい U においては、U に関 係なくほぼ一定値になる傾向を示している。その V_w / U の 一定値は、試料の中で軽い FIL19、FAB47、FAB48 は 0.5 ~0.7 であり、重い FAB140、FAB251 は 0.4~0.5 である。 V_w / U は重い膜ほど小さくなっている。図 4 には二つの支持間 距離についての実験結果が示されており、この限られた結果 だけでは定かには判断できないが、 V_w / U には 1 は無関係 のようにみられる。

4. 結論

風洞実験で、サグをもって両端支持された懸垂膜が乱れの 小さい一様気流を受けると、正弦波形に似た単純な進行波形 をもつフラッター状態を安定にとることを示した。そのほか に安定状態として、下凸および上凸形の孕んだ静的状態もと ることを示した。そのフラッター波形は臨界気流速度の近く では単純であるが、気流速度がさらに大きくなると高次モー ドが重なった角ばったものの変化する。そして、膜が非常に 軽いものであれば、臨界気流速度近くであっても波形は気流 に流されてくずれた形になりやや複雑なものになる。

このようなフラッターの振動数を調べた結果、振動数は気 流速度に対してはっきりと線形になることが判明した。そし てその振動数 - 気流速度直線の傾き αを含む無次元パラメ タα1を定義して、これと他の無次元パラメタすなわち質量 比 M_r との間には、一つの関数関係が存在することが推測さ れた。その関係は、Mr >0.2 のフラッターであればほぼα 1 =0.3 で一定になるものである。この Mr - α 1 関係を用いれ ば、膜の質量と支持問距離が与えられたときに αが予測でき ることになる。

さらに、実験によるとフラッター波形の進行速度はフラッ

ター振動周期間に変動する。設置したレーザー変位計の位置 で測定した波形進行速度を調べた結果、それは気流速度に対 して、大まかには0.4~0.7 であった。波形進行速度は膜が軽 いほど大きく重いほど小さくなる傾向がみられた。

謝辞

実験遂行で大阪市立大学工学部主査 中井重行氏の負われ たところが大きい。ここに感謝を申し上げる。

参考文献

 南宏和、奥田泰雄、川村純夫、"風洞気流中の膜材料の フラッター挙動実験"、日本建築学会大会学術講演梗概集、 1992、pp.155-156

2) Minami.H, Okuda.Y and Kawamura.S.,"Experimental Studies on the Flutter Behaviour of Membrane in a Wind Tunnel", Space Structures 4, Thomas Telford, London, Vol.1, 1993, pp.935-945

3)南宏和、奥田泰雄、川村純夫、"風洞気流中に両端支持 された膜材料のフラッター特性"、日本建築学会大会学術講 演梗概集、1993、pp.605-606

4)南宏和、奥田泰雄、川村純夫、 "風洞気流中に懸垂した 布のフラッター挙動"、日本建築学会大会学術講演梗概集、 1994、pp.65-66

5) Minami.H, Okuda.Y and Kawamura.S.,"Experimental Study and Analysis on the Fluttering of a Membrane Suspended in a Uniform Air Flow (Part I :Experimental Investigation on the Behavior and the Bearing Force of Membrane Fluttering)", Memories of the Faculty of Engineering, Osaka City Univ., 35, 1994, pp.65-76

6)奥田泰雄、南宏和、川村純夫、 "風洞気流中に懸垂した 膜の挙動"、日本風工学会誌、63、1995、pp.189-190

7) Minami.H, Okuda.Y and Kawamura.S.,"Experimental Study and Analysis on the Fluttering of a Membrane Suspended in a Uniform Air Flow (Part II :An Approximate Analysis on the Flutterig)", Memories of the Faculty of Engineering, Osaka City Univ., 35, 1994, pp.77-78

8) Minami.H, Okuda.Y and Kawamura.S., "An Approximate Analyais on Fluttering of Membrane in Uniform Air Flow", Proc.IASS, Int. Symp., Milano, 1995, pp.843-850 9) 南宏和、奥田泰雄、川村純夫、"一様気流中に懸垂した

膜のフラッターの近似解析"、日本風工学会誌、64、1995、 pp.29-38

 10)南宏和、奥田泰雄、川村純夫、"一様気流中の懸垂膜の フラッターの実験とその限界条件"、日本風工学会誌(印刷中)
11)川村純夫、辻英一、"吊屋根面の風による振動について (I)天幕の一様流れのなかでの振動"、日本建築学会大会 学術講演梗概集(北海道)、1969、pp.737-738

12) Kawamura, S. and Cermak, J.E., "Aerodynamic Behavior of Suspension Roofs (Second Report), Colorado State Univ., CEP70-71SK-JEC-26B, 1970

13) 川村純夫、木本英爾、"一方向吊屋構造の耐風安定性 その1 現象"、日本建築学会論文報告集、275、1979、pp.9-14

14) Matumoto, T., "An Investigation on the Response of Pretensioned One-Way Type Suspension Roofs to Wind Action", J. Wind Eng. and Ind. Aerod., 13, 1983, pp. 383-394 15) 内山和夫、山田大彦、植松康、"吊屋根の風による動的

挙動"、風工学シンポジウム、1982、pp.327-333

16) Kawabata.S."The Standardization and Analysis of Hand Evaluation", The Hand Evaluation and Standardization Committee, The Texistile Machinery Society Japan, 1980

17) Thwaites,G."The Aerodynamic Theory of Sails I",Proc. Royal Soc. London, A261, 1961, pp.402-422

18) 山本恭二、石丸一豊、"流れの中の帆の振動"、日本航
空宇宙学会誌、36[412]、1988、pp.233-241
19) 吉村健、鹿庭和史、"一方向吊屋根のフラッタについて"、

日本風工学会風工学シンポジウム、1980、pp.255-262

THE BEHAVIOR OF FLUTTERING OF MEMBRANE SUSPENDED IN WIND TUNNEL AIR FLOW AND THE PROPERTIES OF THE FREQUENCY

Hirokazu Minami*1 Yasuo Okuda*2 Sumio Kawamura*3

SYNOPSIS

As result of experiments, it was proved that a suspended membrane took stable fluttering condition with a simple wave configuration when the membrane was subjected to uniform air flow in a wind tunnel. And it was proved that the membrane had a linear relation between the frequency of the fluttering and the air flow speed. It was supposed that a nondimensional parameter, α *I*, was connected with a function of another nondimensional parameter, mass ratio. Where α is the slope of the linear air flow-frequency line, and *I* is the distance between supports of the membrane specimen. Further, the ratios of the measured speed of the progressive wave shape to air flow speed were between 0.4 and 0.7. It was found that the ratio was smaller for heavier membrane.

*1 Center for Space Structure Research, Taiyo Kogyo Corp., *2 Research Assoc., Disaster Prevension Research Institute, Kyoto Univ., *3 Prof. Emeritus, Osaka City Univ.